

# Grafici funkcija

## - zadaci -

2010/2011

# Postupak ispitivanja funkcija

# Postupak ispitivanja funkcija

Pri ispitivanju toka i crtanju grafika svake funkcije, treba odrediti:

# Postupak ispitivanja funkcija

Pri ispitivanju toka i crtanju grafika svake funkcije, treba odrediti:

- ① domen funkcije,

# Postupak ispitivanja funkcija

Pri ispitivanju toka i crtanju grafika svake funkcije, treba odrediti:

- ① domen funkcije,
- ② parnost funkcije,

# Postupak ispitivanja funkcija

Pri ispitivanju toka i crtanju grafika svake funkcije, treba odrediti:

- ① domen funkcije,
- ② parnost funkcije,
- ③ nule funkcije,

# Postupak ispitivanja funkcija

Pri ispitivanju toka i crtanju grafika svake funkcije, treba odrediti:

- ① domen funkcije,
- ② parnost funkcije,
- ③ nule funkcije,
- ④ znak funkcije,

# Postupak ispitivanja funkcija

Pri ispitivanju toka i crtanju grafika svake funkcije, treba odrediti:

- ① domen funkcije,
- ② parnost funkcije,
- ③ nule funkcije,
- ④ znak funkcije,
- ⑤ asimptote funkcije,

# Postupak ispitivanja funkcija

Pri ispitivanju toka i crtanju grafika svake funkcije, treba odrediti:

- ① domen funkcije,
- ② parnost funkcije,
- ③ nule funkcije,
- ④ znak funkcije,
- ⑤ asimptote funkcije,
- ⑥ ekstremne vrednosti i tok funkcije,

# Postupak ispitivanja funkcija

Pri ispitivanju toka i crtanju grafika svake funkcije, treba odrediti:

- ① domen funkcije,
- ② parnost funkcije,
- ③ nule funkcije,
- ④ znak funkcije,
- ⑤ asymptote funkcije,
- ⑥ ekstremne vrednosti i tok funkcije,
- ⑦ prevojne tačke, konveksnost i konkavnost funkcije i

# Postupak ispitivanja funkcija

Pri ispitivanju toka i crtanju grafika svake funkcije, treba odrediti:

- ① domen funkcije,
- ② parnost funkcije,
- ③ nule funkcije,
- ④ znak funkcije,
- ⑤ asymptote funkcije,
- ⑥ ekstremne vrednosti i tok funkcije,
- ⑦ prevojne tačke, konveksnost i konkavnost funkcije i
- ⑧ grafik funkcije.

## Zadatak 106.

## Zadatak 106.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

## Zadatak 106.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = 3x^5 - 10x^3 + 7 .$$

## Zadatak 106.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = 3x^5 - 10x^3 + 7 .$$

## Zadatak 106.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = 3x^5 - 10x^3 + 7 .$$

- ①  $D = \mathbb{R}$

## Zadatak 106.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = 3x^5 - 10x^3 + 7 .$$

- ①  $D = \mathbb{R}$
- ② ni parna, ni neparna

## Zadatak 106.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = 3x^5 - 10x^3 + 7 .$$

- ①  $D = \mathbb{R}$
- ② ni parna, ni neparna
- ③ nule funkcije:  $x = -1.915$ ,  $x = 1$  i  $x = 1.688$

## Zadatak 106.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = 3x^5 - 10x^3 + 7 .$$

- ①  $D = \mathbb{R}$
- ② ni parna, ni neparna
- ③ nule funkcije:  $x = -1.915, x = 1$  i  $x = 1.688$
- ④ znak funkcije:  $f(x) > 0$  za  $x \in (-1.915, 1) \cup (1.688, +\infty)$ ,  
 $f(x) < 0$  za  $x \in (-\infty, -1.915) \cup (1, 1.688)$

## Zadatak 106.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = 3x^5 - 10x^3 + 7 .$$

- ①  $D = \mathbb{R}$
- ② ni parna, ni neparna
- ③ nule funkcije:  $x = -1.915, x = 1$  i  $x = 1.688$
- ④ znak funkcije:  $f(x) > 0$  za  $x \in (-1.915, 1) \cup (1.688, +\infty)$ ,  
 $f(x) < 0$  za  $x \in (-\infty, -1.915) \cup (1, 1.688)$
- ⑤ asimptote funkcije: nema

## Zadatak 106.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = 3x^5 - 10x^3 + 7 .$$

- ①  $D = \mathbb{R}$
- ② ni parna, ni neparna
- ③ nule funkcije:  $x = -1.915, x = 1$  i  $x = 1.688$
- ④ znak funkcije:  $f(x) > 0$  za  $x \in (-1.915, 1) \cup (1.688, +\infty)$ ,  
 $f(x) < 0$  za  $x \in (-\infty, -1.915) \cup (1, 1.688)$
- ⑤ asimptote funkcije: nema
- ⑥ ekstremi i tok funkcije:  $f'(x) = 15x^2(x^2 - 2)$ ,  $x = -\sqrt{2}, x = \sqrt{2}$ ,  
 $f(x) \nearrow$  za  $x \in (-\infty, -\sqrt{2}) \cup (\sqrt{2}, +\infty)$ ,  $f(x) \searrow$  za  $x \in (-\sqrt{2}, \sqrt{2})$

## Zadatak 106.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

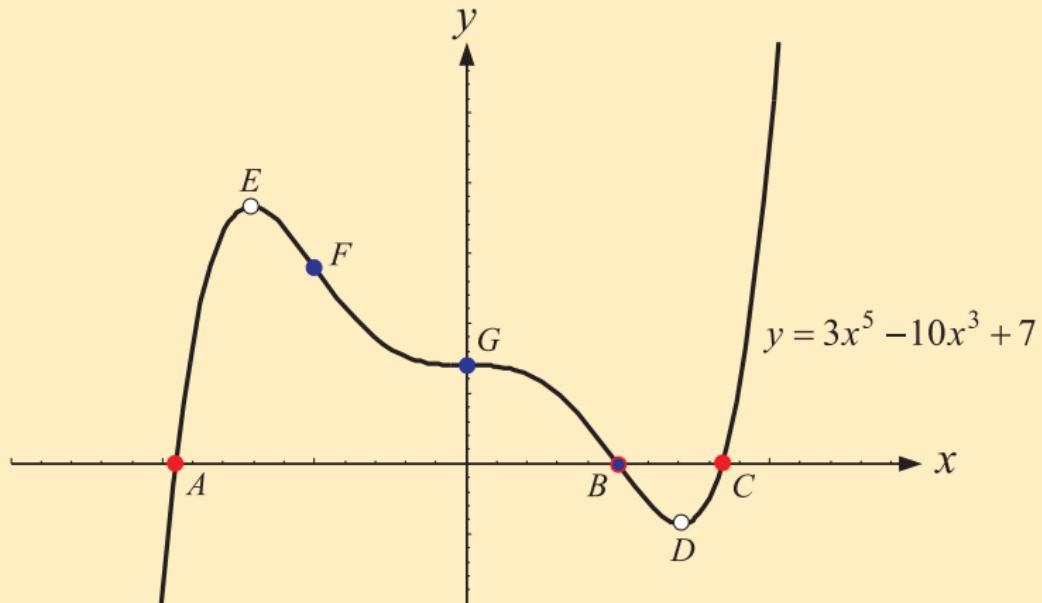
$$f(x) = 3x^5 - 10x^3 + 7 .$$

- ①  $D = \mathbb{R}$
- ② ni parna, ni neparna
- ③ nule funkcije:  $x = -1.915, x = 1$  i  $x = 1.688$
- ④ znak funkcije:  $f(x) > 0$  za  $x \in (-1.915, 1) \cup (1.688, +\infty)$ ,  
 $f(x) < 0$  za  $x \in (-\infty, -1.915) \cup (1, 1.688)$
- ⑤ asimptote funkcije: nema
- ⑥ ekstremi i tok funkcije:  $f'(x) = 15x^2(x^2 - 2)$ ,  $x = -\sqrt{2}, x = \sqrt{2}$ ,  
 $f(x) \nearrow$  za  $x \in (-\infty, -\sqrt{2}) \cup (\sqrt{2}, +\infty)$ ,  $f(x) \searrow$  za  $x \in (-\sqrt{2}, \sqrt{2})$
- ⑦ prevojne tačke:  $f''(x) = 60x(x - 1)(x + 1)$ ,  $x = -1, x = 0, x = 1$ ,  
 $f(x) \smile$  za  $x \in (-1, 0) \cup (1, +\infty)$ ,  $f(x) \frown$  za  $x \in (-\infty, -1) \cup (0, 1)$

## Zadatak 106.

## Zadatak 106.

### Grafik funkcije



$$A(-1.915, 0), B(1, 0), C(1.688, 0), D(\sqrt{2}, 7 - 8\sqrt{2}), \\ E(-\sqrt{2}, 7 + 8\sqrt{2}), F(-1, 14), G(0, 7)$$

## Zadatak 108\*.

## Zadatak 108\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

## Zadatak 108\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \frac{2x + 4}{x - 4} .$$

## Zadatak 108\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \frac{2x + 4}{x - 4} .$$

## Zadatak 108\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \frac{2x + 4}{x - 4} .$$

- ①  $D = \mathbb{R} \setminus \{4\}$

## Zadatak 108\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \frac{2x + 4}{x - 4} .$$

- ①  $D = \mathbb{R} \setminus \{4\}$
- ② ni parna, ni neparna

## Zadatak 108\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \frac{2x + 4}{x - 4} .$$

- ①  $D = \mathbb{R} \setminus \{4\}$
- ② ni parna, ni neparna
- ③ nule funkcije:  $x = -2$

## Zadatak 108\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \frac{2x + 4}{x - 4} .$$

- ①  $D = \mathbb{R} \setminus \{4\}$
- ② ni parna, ni neparna
- ③ nule funkcije:  $x = -2$
- ④ znak funkcije:  $f(x) > 0$  za  $x \in (-\infty, -2) \cup (4, +\infty)$ ,  
 $f(x) < 0$  za  $x \in (-2, 4)$

## Zadatak 108\*

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \frac{2x + 4}{x - 4} .$$

- ①  $D = \mathbb{R} \setminus \{4\}$
- ② ni parna, ni neparna
- ③ nule funkcije:  $x = -2$
- ④ znak funkcije:  $f(x) > 0$  za  $x \in (-\infty, -2) \cup (4, +\infty)$ ,  
 $f(x) < 0$  za  $x \in (-2, 4)$
- ⑤ asimptote funkcije: h.a.  $y = 2$ , v.a.  $x = 4$

## Zadatak 108\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \frac{2x+4}{x-4} .$$

- ①  $D = \mathbb{R} \setminus \{4\}$
- ② ni parna, ni neparna
- ③ nule funkcije:  $x = -2$
- ④ znak funkcije:  $f(x) > 0$  za  $x \in (-\infty, -2) \cup (4, +\infty)$ ,  
 $f(x) < 0$  za  $x \in (-2, 4)$
- ⑤ asymptote funkcije: h.a.  $y = 2$ , v.a.  $x = 4$
- ⑥ ekstremi i tok funkcije:  $f'(x) = -\frac{12}{(x-4)^2}$ , nema,  
 $f(x) \nearrow$  za  $x \in \emptyset$ ,  $f(x) \searrow$  za  $x \in (-\infty, 4) \cup (4, +\infty)$

## Zadatak 108\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

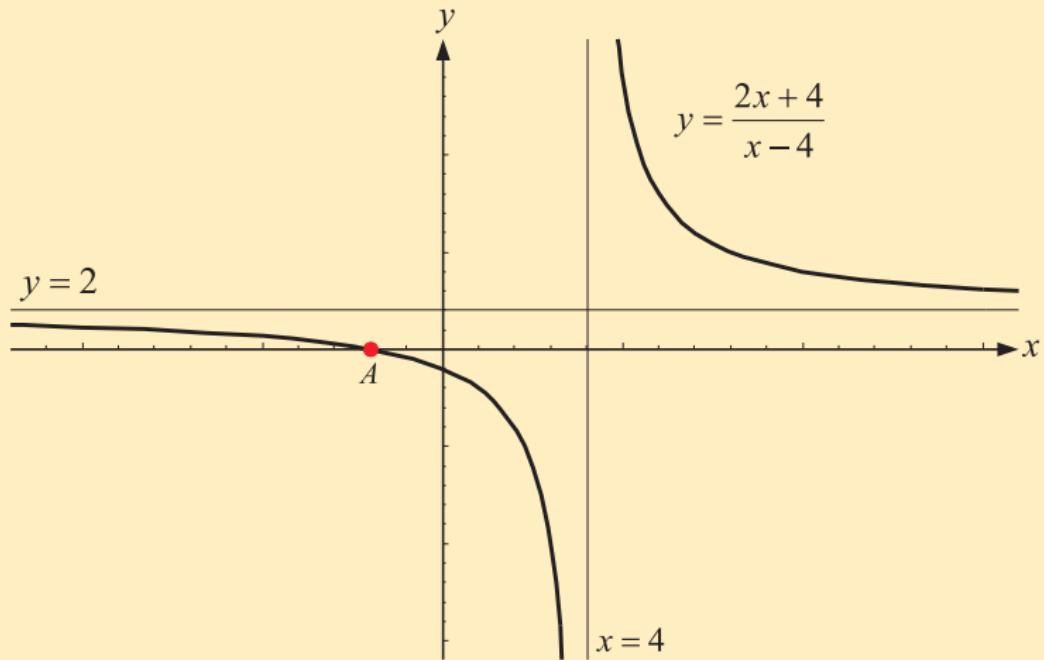
$$f(x) = \frac{2x+4}{x-4} .$$

- ①  $D = \mathbb{R} \setminus \{4\}$
- ② ni parna, ni neparna
- ③ nule funkcije:  $x = -2$
- ④ znak funkcije:  $f(x) > 0$  za  $x \in (-\infty, -2) \cup (4, +\infty)$ ,  
 $f(x) < 0$  za  $x \in (-2, 4)$
- ⑤ asymptote funkcije: h.a.  $y = 2$ , v.a.  $x = 4$
- ⑥ ekstremi i tok funkcije:  $f'(x) = -\frac{12}{(x-4)^2}$ , nema,  
 $f(x) \nearrow$  za  $x \in \emptyset$ ,  $f(x) \searrow$  za  $x \in (-\infty, 4) \cup (4, +\infty)$
- ⑦ prevojne tačke:  $f''(x) = \frac{24}{(x-4)^3}$ , nema,  
 $f(x) \smile$  za  $x \in (4, +\infty)$ ,  $f(x) \frown$  za  $x \in (-\infty, 4)$

## Zadatak 108\*.

## Zadatak 108\*.

### Grafik funkcije



$A(-2, 0)$

## Zadatak 109\*.

## Zadatak 109\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

## Zadatak 109\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \frac{x^2 - 4}{x^2 + 1} .$$

## Zadatak 109\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \frac{x^2 - 4}{x^2 + 1} .$$

## Zadatak 109\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \frac{x^2 - 4}{x^2 + 1} .$$

- ①  $D = \mathbb{R}$

## Zadatak 109\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \frac{x^2 - 4}{x^2 + 1} .$$

- ①  $D = \mathbb{R}$
- ② parna

## Zadatak 109\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \frac{x^2 - 4}{x^2 + 1} .$$

- ①  $D = \mathbb{R}$
- ② parna
- ③ nule funkcije:  $x = -2, x = 2$

## Zadatak 109\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \frac{x^2 - 4}{x^2 + 1} .$$

- ①  $D = \mathbb{R}$
- ② parna
- ③ nule funkcije:  $x = -2, x = 2$
- ④ znak funkcije:  $f(x) > 0$  za  $x \in (-\infty, -2) \cup (2, +\infty)$ ,  
 $f(x) < 0$  za  $x \in (-2, 2)$

## Zadatak 109\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \frac{x^2 - 4}{x^2 + 1} .$$

- ①  $D = \mathbb{R}$
- ② parna
- ③ nule funkcije:  $x = -2, x = 2$
- ④ znak funkcije:  $f(x) > 0$  za  $x \in (-\infty, -2) \cup (2, +\infty)$ ,  
 $f(x) < 0$  za  $x \in (-2, 2)$
- ⑤ asimptote funkcije: h.a.  $y = 1$

## Zadatak 109\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \frac{x^2 - 4}{x^2 + 1} .$$

- ①  $D = \mathbb{R}$
- ② parna
- ③ nule funkcije:  $x = -2, x = 2$
- ④ znak funkcije:  $f(x) > 0$  za  $x \in (-\infty, -2) \cup (2, +\infty)$ ,  
 $f(x) < 0$  za  $x \in (-2, 2)$
- ⑤ asimptote funkcije: h.a.  $y = 1$
- ⑥ ekstremi i tok funkcije:  $f'(x) = \frac{10x}{(x^2+1)^2}$ ,  $x = 0$ ,  
 $f(x) \nearrow$  za  $x \in (0, +\infty)$ ,  $f(x) \searrow$  za  $x \in (-\infty, 0)$

## Zadatak 109\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

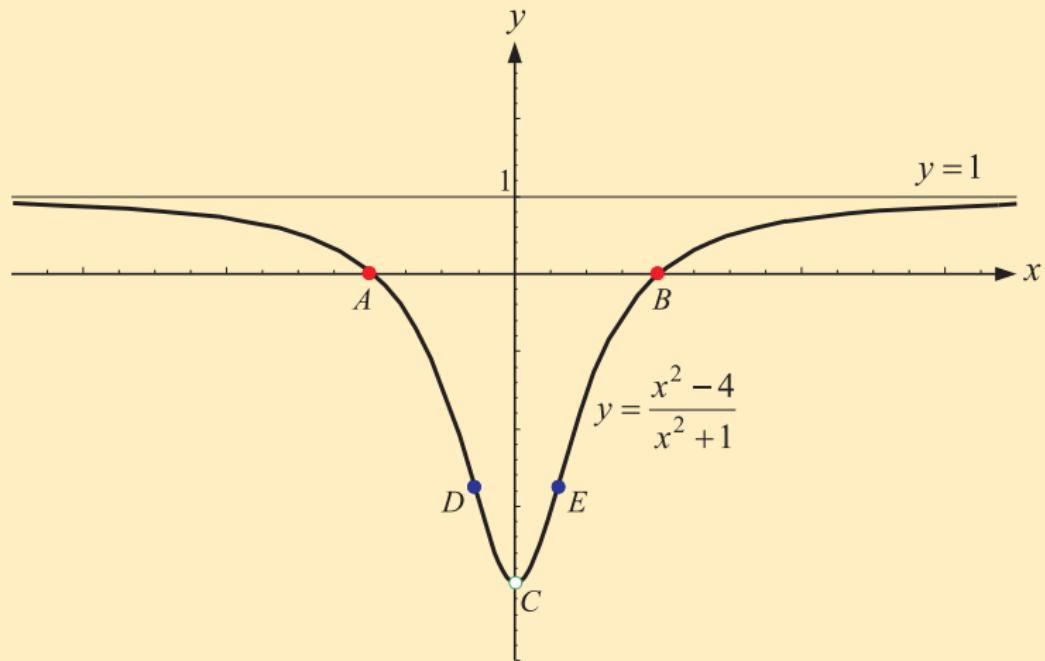
$$f(x) = \frac{x^2 - 4}{x^2 + 1} .$$

- ①  $D = \mathbb{R}$
- ② parna
- ③ nule funkcije:  $x = -2, x = 2$
- ④ znak funkcije:  $f(x) > 0$  za  $x \in (-\infty, -2) \cup (2, +\infty)$ ,  
 $f(x) < 0$  za  $x \in (-2, 2)$
- ⑤ asimptote funkcije: h.a.  $y = 1$
- ⑥ ekstremi i tok funkcije:  $f'(x) = \frac{10x}{(x^2+1)^2}$ ,  $x = 0$ ,  
 $f(x) \nearrow$  za  $x \in (0, +\infty)$ ,  $f(x) \searrow$  za  $x \in (-\infty, 0)$
- ⑦ prevojne tačke:  $f''(x) = \frac{10-30x^2}{(x^2+1)^3}$ ,  $x = -1/\sqrt{3}, x = 1/\sqrt{3}$ ,  
 $f(x) \smile$  za  $x \in (-\frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{1}{\sqrt{3}})$ ,  $f(x) \frown$  za  $x \in (-\infty, -\frac{1}{\sqrt{3}}) \cup (\frac{1}{\sqrt{3}}, +\infty)$

## Zadatak 109\*.

## Zadatak 109\*.

### Grafik funkcije



$$A(-2, 0), B(2, 0), C(0, -4), D\left(-\frac{1}{\sqrt{3}}, -\frac{11}{4}\right), E\left(\frac{1}{\sqrt{3}}, -\frac{11}{4}\right)$$

## Zadatak 107\*.

## Zadatak 107\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

## Zadatak 107\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \frac{3x + 1}{(x - 1)^2} .$$

## Zadatak 107\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \frac{3x + 1}{(x - 1)^2} .$$

## Zadatak 107\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \frac{3x + 1}{(x - 1)^2} .$$

- ①  $D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$

## Zadatak 107\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \frac{3x + 1}{(x - 1)^2} .$$

- ①  $D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$
- ② ni parna, ni neparna

## Zadatak 107\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \frac{3x + 1}{(x - 1)^2} .$$

- ①  $D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$
- ② ni parna, ni neparna
- ③ nule funkcije:  $x = -1/3$

## Zadatak 107\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \frac{3x + 1}{(x - 1)^2} .$$

- ①  $D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$
- ② ni parna, ni neparna
- ③ nule funkcije:  $x = -1/3$
- ④ znak funkcije:  $f(x) > 0$  za  $x \in (-1/3, +\infty)$ ,  
 $f(x) < 0$  za  $x \in (-\infty, -1/3)$

## Zadatak 107\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \frac{3x + 1}{(x - 1)^2} .$$

- ①  $D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$
- ② ni parna, ni neparna
- ③ nule funkcije:  $x = -1/3$
- ④ znak funkcije:  $f(x) > 0$  za  $x \in (-1/3, +\infty)$ ,  
 $f(x) < 0$  za  $x \in (-\infty, -1/3)$
- ⑤ asimptote funkcije: h.a.  $y = 0$ , v.a.  $x = 1$

## Zadatak 107\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \frac{3x+1}{(x-1)^2} .$$

- ①  $D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$
- ② ni parna, ni neparna
- ③ nule funkcije:  $x = -1/3$
- ④ znak funkcije:  $f(x) > 0$  za  $x \in (-1/3, +\infty)$ ,  
 $f(x) < 0$  za  $x \in (-\infty, -1/3)$
- ⑤ asimptote funkcije: h.a.  $y = 0$ , v.a.  $x = 1$
- ⑥ ekstremi i tok funkcije:  $f'(x) = \frac{-3x-5}{(x-1)^3}$ ,  $x = -5/3$ ,  
 $f(x) \nearrow$  za  $x \in (-5/3, 1)$ ,  $f(x) \searrow$  za  $x \in (-\infty, -5/3) \cup (1, +\infty)$

## Zadatak 107\*

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

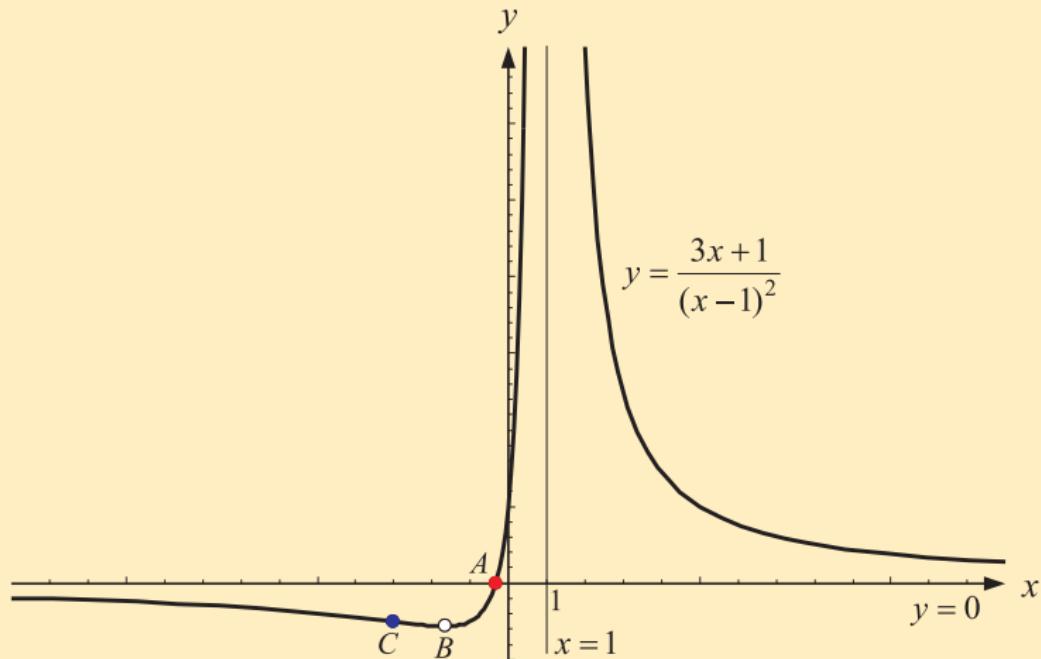
$$f(x) = \frac{3x+1}{(x-1)^2}.$$

- ①  $D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$
- ② ni parna, ni neparna
- ③ nule funkcije:  $x = -1/3$
- ④ znak funkcije:  $f(x) > 0$  za  $x \in (-1/3, +\infty)$ ,  
 $f(x) < 0$  za  $x \in (-\infty, -1/3)$
- ⑤ asimptote funkcije: h.a.  $y = 0$ , v.a.  $x = 1$
- ⑥ ekstremi i tok funkcije:  $f'(x) = \frac{-3x-5}{(x-1)^3}$ ,  $x = -5/3$ ,  
 $f(x) \nearrow$  za  $x \in (-5/3, 1)$ ,  $f(x) \searrow$  za  $x \in (-\infty, -5/3) \cup (1, +\infty)$
- ⑦ prevojne tačke:  $f''(x) = \frac{6(x+3)}{(x-1)^4}$ ,  $x = -3$ ,  
 $f(x) \smile$  za  $x \in (-3, 1) \cup (1, +\infty)$ ,  $f(x) \frown$  za  $x \in (-\infty, -3)$

## Zadatak 107\*.

## Zadatak 107\*.

### Grafik funkcije



$$A(-\frac{1}{3}, 0), B(-\frac{5}{3}, -\frac{9}{16}), C(-3, -\frac{1}{2})$$

## Zadatak 109\*.

## Zadatak 109\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

## Zadatak 109\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = x^3/(x^2 - 1)$$

## Zadatak 109\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = x^3/(x^2 - 1)$$

## Zadatak 109\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = x^3/(x^2 - 1) .$$

- ①  $D = \mathbb{R} \setminus \{-1, 1\}$

## Zadatak 109\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = x^3 / (x^2 - 1) .$$

- ①  $D = \mathbb{R} \setminus \{-1, 1\}$
- ② neparna

## Zadatak 109\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = x^3/(x^2 - 1) .$$

- ①  $D = \mathbb{R} \setminus \{-1, 1\}$
- ② neparna
- ③ nule funkcije:  $x = 0$

## Zadatak 109\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = x^3 / (x^2 - 1) .$$

- ①  $D = \mathbb{R} \setminus \{-1, 1\}$
- ② neparna
- ③ nule funkcije:  $x = 0$
- ④ znak funkcije:  $f(x) > 0$  za  $x \in (-1, 0) \cup (1, +\infty)$ ,  
 $f(x) < 0$  za  $x \in (-\infty, -1) \cup (0, 1)$

## Zadatak 109\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = x^3 / (x^2 - 1) .$$

- ①  $D = \mathbb{R} \setminus \{-1, 1\}$
- ② neparna
- ③ nule funkcije:  $x = 0$
- ④ znak funkcije:  $f(x) > 0$  za  $x \in (-1, 0) \cup (1, +\infty)$ ,  
 $f(x) < 0$  za  $x \in (-\infty, -1) \cup (0, 1)$
- ⑤ asimptote funkcije: v.a.  $x = -1, x = 1$ , k.a.  $y = x$

## Zadatak 109\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = x^3 / (x^2 - 1) .$$

- ①  $D = \mathbb{R} \setminus \{-1, 1\}$
- ② neparna
- ③ nule funkcije:  $x = 0$
- ④ znak funkcije:  $f(x) > 0$  za  $x \in (-1, 0) \cup (1, +\infty)$ ,  
 $f(x) < 0$  za  $x \in (-\infty, -1) \cup (0, 1)$
- ⑤ asimptote funkcije: v.a.  $x = -1, x = 1$ , k.a.  $y = x$
- ⑥ ekstremi i tok funkcije:  $f'(x) = \frac{x^2(x^2-3)}{(x^2-1)^2}$ ,  $x = -\sqrt{3}, x = \sqrt{3}$ ,  
 $f(x) \nearrow$  za  $x \in (-\infty, -\sqrt{3}) \cup (\sqrt{3}, +\infty)$ ,  
 $f(x) \searrow$  za  $x \in (-\sqrt{3}, -1) \cup (-1, 1) \cup (1, \sqrt{3})$

## Zadatak 109\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

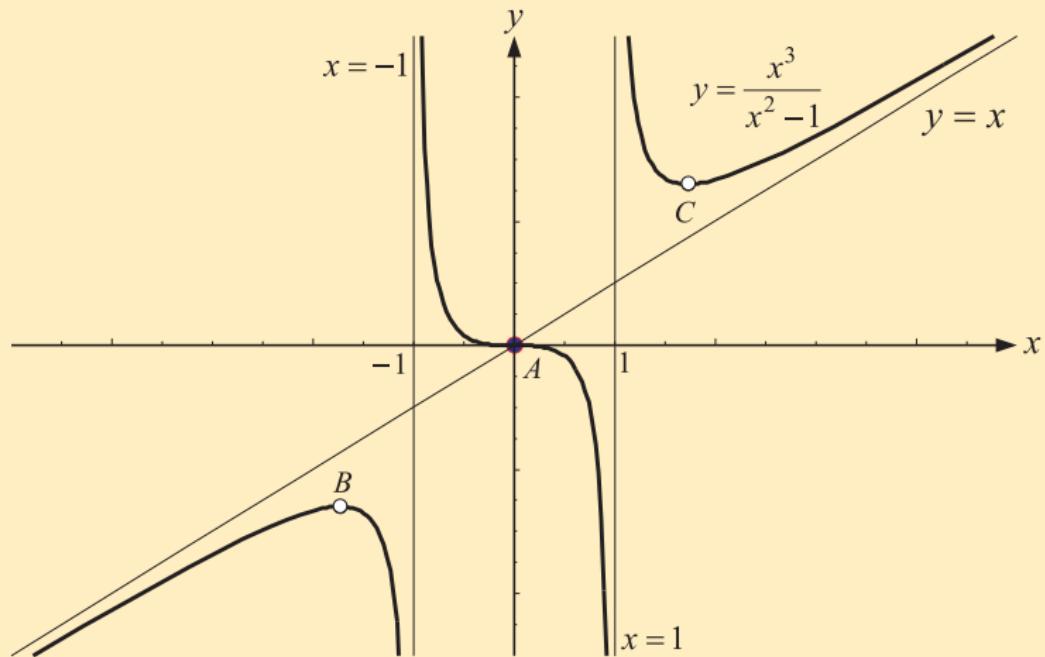
$$f(x) = x^3 / (x^2 - 1) .$$

- ①  $D = \mathbb{R} \setminus \{-1, 1\}$
- ② neparna
- ③ nule funkcije:  $x = 0$
- ④ znak funkcije:  $f(x) > 0$  za  $x \in (-1, 0) \cup (1, +\infty)$ ,  
 $f(x) < 0$  za  $x \in (-\infty, -1) \cup (0, 1)$
- ⑤ asimptote funkcije: v.a.  $x = -1, x = 1$ , k.a.  $y = x$
- ⑥ ekstremi i tok funkcije:  $f'(x) = \frac{x^2(x^2-3)}{(x^2-1)^2}$ ,  $x = -\sqrt{3}, x = \sqrt{3}$ ,  
 $f(x) \nearrow$  za  $x \in (-\infty, -\sqrt{3}) \cup (\sqrt{3}, +\infty)$ ,  
 $f(x) \searrow$  za  $x \in (-\sqrt{3}, -1) \cup (-1, 1) \cup (1, \sqrt{3})$
- ⑦ prevojne tačke:  $f''(x) = \frac{2x(x^2+3)}{(x^2-1)^3}$ ,  $x = 0$ ,  
 $f(x) \smile$  za  $x \in (-1, 0) \cup (1, +\infty)$ ,  $f(x) \frown$  za  $x \in (-\infty, -1) \cup (0, 1)$

## Zadatak 109\*.

## Zadatak 109\*.

### Grafik funkcije



$$A(0, 0), B(-\sqrt{3}, -6\sqrt{3}), C(\sqrt{3}, 6\sqrt{3})$$

## Zadatak 102\*.

## Zadatak 102\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

## Zadatak 102\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = x^2 \cdot e^x .$$

## Zadatak 102\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = x^2 \cdot e^x .$$

## Zadatak 102\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = x^2 \cdot e^x .$$

- ①  $D = \mathbb{R}$

## Zadatak 102\*

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = x^2 \cdot e^x .$$

- ①  $D = \mathbb{R}$
- ② ni parna, ni neparna

## Zadatak 102\*

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = x^2 \cdot e^x .$$

- ①  $D = \mathbb{R}$
- ② ni parna, ni neparna
- ③ nule funkcije:  $x = 0$

## Zadatak 102\*

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = x^2 \cdot e^x .$$

- ①  $D = \mathbb{R}$
- ② ni parna, ni neparna
- ③ nule funkcije:  $x = 0$
- ④ znak funkcije:  $f(x) > 0$  za  $x \in (-\infty, 0) \cup (0, +\infty)$ ,  $f(x) < 0$  za  $x \in \emptyset$

## Zadatak 102\*

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = x^2 \cdot e^x .$$

- ①  $D = \mathbb{R}$
- ② ni parna, ni neparna
- ③ nule funkcije:  $x = 0$
- ④ znak funkcije:  $f(x) > 0$  za  $x \in (-\infty, 0) \cup (0, +\infty)$ ,  $f(x) < 0$  za  $x \in \emptyset$
- ⑤ asimptote funkcije: h.a.  $y = 0$  kada  $x \rightarrow -\infty$

## Zadatak 102\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = x^2 \cdot e^x .$$

- ①  $D = \mathbb{R}$
- ② ni parna, ni neparna
- ③ nule funkcije:  $x = 0$
- ④ znak funkcije:  $f(x) > 0$  za  $x \in (-\infty, 0) \cup (0, +\infty)$ ,  $f(x) < 0$  za  $x \in \emptyset$
- ⑤ asimptote funkcije: h.a.  $y = 0$  kada  $x \rightarrow -\infty$
- ⑥ ekstremi i tok funkcije:  $f'(x) = x(x+2)e^x$ ,  $x = -2, x = 0$ ,  
 $f(x) \nearrow$  za  $x \in (-\infty, -2) \cup (0, +\infty)$ ,  $f(x) \searrow$  za  $x \in (-2, 0)$

## Zadatak 102\*.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

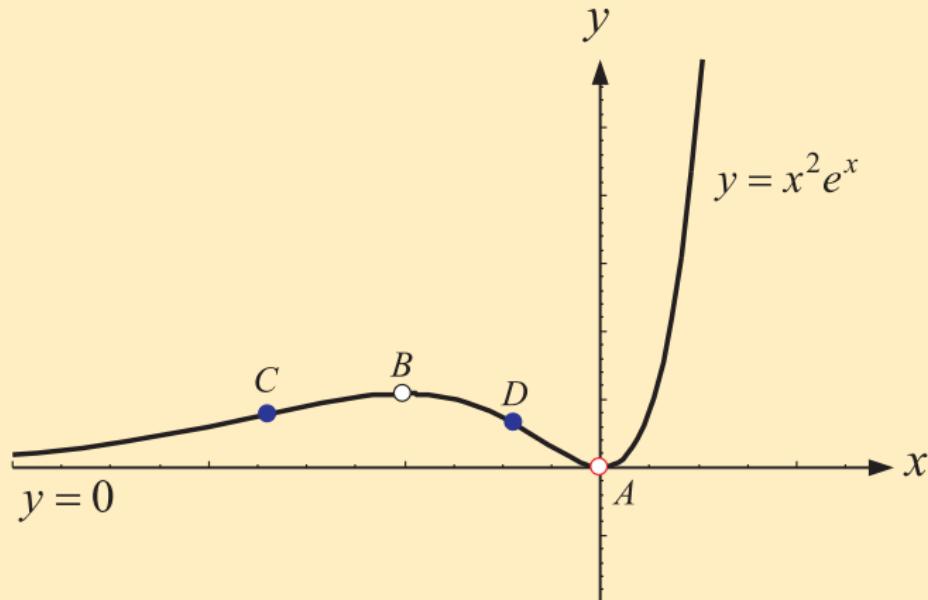
$$f(x) = x^2 \cdot e^x .$$

- ①  $D = \mathbb{R}$
- ② ni parna, ni neparna
- ③ nule funkcije:  $x = 0$
- ④ znak funkcije:  $f(x) > 0$  za  $x \in (-\infty, 0) \cup (0, +\infty)$ ,  $f(x) < 0$  za  $x \in \emptyset$
- ⑤ asimptote funkcije: h.a.  $y = 0$  kada  $x \rightarrow -\infty$
- ⑥ ekstremi i tok funkcije:  $f'(x) = x(x+2)e^x$ ,  $x = -2, x = 0$ ,  
 $f(x) \nearrow$  za  $x \in (-\infty, -2) \cup (0, +\infty)$ ,  $f(x) \searrow$  za  $x \in (-2, 0)$
- ⑦ prevojne tačke:  $f''(x) = (x^2 + 4x + 2)e^x$ ,  $x = -2 - \sqrt{2}, x = -2 + \sqrt{2}$ ,  
 $f(x) \smile$  za  $x \in (-\infty, -2 - \sqrt{2}) \cup (-2 + \sqrt{2}, +\infty)$ ,  
 $f(x) \frown$  za  $x \in (-2 - \sqrt{2}, -2 + \sqrt{2})$

## Zadatak 102\*.

## Zadatak 102\*.

### Grafik funkcije



$$A(0,0), B(-2, 4/e^2), C(-2 - \sqrt{2}, (-2 - \sqrt{2})^2 \cdot e^{-2-\sqrt{2}}), \\ D(-2 + \sqrt{2}, (-2 + \sqrt{2})^2 \cdot e^{-2+\sqrt{2}})$$

## Zadatak 114.

## Zadatak 114.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

## Zadatak 114.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \ln\left(\frac{x-1}{x-2}\right)$$

## Zadatak 114.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \ln\left(\frac{x-1}{x-2}\right)$$

## Zadatak 114.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \ln\left(\frac{x-1}{x-2}\right)$$

- ①  $D = (-\infty, 1) \cup (2, +\infty)$

## Zadatak 114.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \ln\left(\frac{x-1}{x-2}\right)$$

- ①  $D = (-\infty, 1) \cup (2, +\infty)$
- ② ni parna, ni neparna

## Zadatak 114.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \ln\left(\frac{x-1}{x-2}\right)$$

- ①  $D = (-\infty, 1) \cup (2, +\infty)$
- ② ni parna, ni neparna
- ③ nule funkcije: nema

## Zadatak 114.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \ln\left(\frac{x-1}{x-2}\right)$$

- ①  $D = (-\infty, 1) \cup (2, +\infty)$
- ② ni parna, ni neparna
- ③ nule funkcije: nema
- ④ znak funkcije:  $f(x) > 0$  za  $x \in (2, +\infty)$ ,  
 $f(x) < 0$  za  $x \in (-\infty, 1)$

## Zadatak 114.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \ln\left(\frac{x-1}{x-2}\right)$$

- ①  $D = (-\infty, 1) \cup (2, +\infty)$
- ② ni parna, ni neparna
- ③ nule funkcije: nema
- ④ znak funkcije:  $f(x) > 0$  za  $x \in (2, +\infty)$ ,  
 $f(x) < 0$  za  $x \in (-\infty, 1)$
- ⑤ asimptote funkcije: h.a.  $y = 0$ , v.a.  $x = 1$ ,  $x = 2$

## Zadatak 114.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \ln\left(\frac{x-1}{x-2}\right)$$

- ①  $D = (-\infty, 1) \cup (2, +\infty)$
- ② ni parna, ni neparna
- ③ nule funkcije: nema
- ④ znak funkcije:  $f(x) > 0$  za  $x \in (2, +\infty)$ ,  
 $f(x) < 0$  za  $x \in (-\infty, 1)$
- ⑤ asimptote funkcije: h.a.  $y = 0$ , v.a.  $x = 1$ ,  $x = 2$
- ⑥ ekstremi i tok funkcije:  $f'(x) = \frac{-1}{(x-1)(x-2)}$ , nema,  
 $f(x) \nearrow$  za  $x \in \emptyset$ ,  $f(x) \searrow$  za  $x \in (-\infty, 1) \cup (2, +\infty)$

## Zadatak 114.

Ispitati tok i nacrtati grafik funkcije

$$f(x) = \ln\left(\frac{x-1}{x-2}\right)$$

- ①  $D = (-\infty, 1) \cup (2, +\infty)$
- ② ni parna, ni neparna
- ③ nule funkcije: nema
- ④ znak funkcije:  $f(x) > 0$  za  $x \in (2, +\infty)$ ,  
 $f(x) < 0$  za  $x \in (-\infty, 1)$
- ⑤ asimptote funkcije: h.a.  $y = 0$ , v.a.  $x = 1$ ,  $x = 2$
- ⑥ ekstremi i tok funkcije:  $f'(x) = \frac{-1}{(x-1)(x-2)}$ , nema,  
 $f(x) \nearrow$  za  $x \in \emptyset$ ,  $f(x) \searrow$  za  $x \in (-\infty, 1) \cup (2, +\infty)$
- ⑦ prevojne tačke:  $f''(x) = \frac{2x-3}{((x-1)(x-2))^2}$ , nema,  
 $f(x) \smile$  za  $x \in (2, +\infty)$ ,  $f(x) \frown$  za  $x \in (-\infty, 1)$

## Zadatak 114.

## Zadatak 114.

### Grafik funkcije

